

Prof. Dr. Alfred Toth

Bifunktorialität als diagonale Abbildungen

1. Gegeben sei eine Relation

$$R = (\square, \square, \square, \square) = (1, 2, 3, 4),$$

dann ist die übliche Bifunktion, die von links nach rechts und verläuft und gerade und ungerade Zahlen nicht mischt

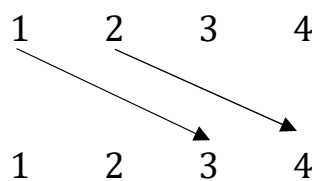
$$T(R) = (\square, \square \mid \square, \square).$$

Auf diese Weise kann man, wenn man die Konversion der Bifunktion dazu-
nimmt, zwei haupt- und zwei nebendiagonale Fälle unterscheiden, wobei je
ein Fall nur teildiagonal realisiert ist. Wesentlich ist, daß hier keine Vermi-
schung der beiden Diagonalen stattfindet, d.h. die vier Formen von Bifunk-
torialität sind homogen.

Hauptdiagonale Bifunktorialität

$$T(R) = (\square, \square \mid \square, \square)$$

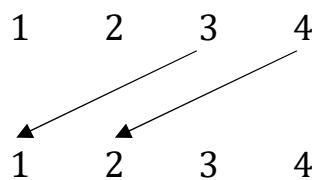
$$T(R) = (1, 3 \mid 2, 4)$$



Nebendiagonale Bifunktorialität

$$T(R) = (\square, \square \mid \square, \square)$$

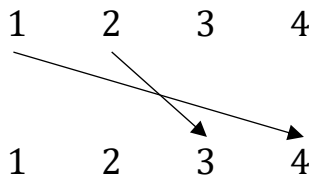
$$T(R) = (4, 2 \mid 3, 1)$$



Teilhauptdiagonale Bifunktorialität

$$T(R) = (\square, \square \mid \square, \square)$$

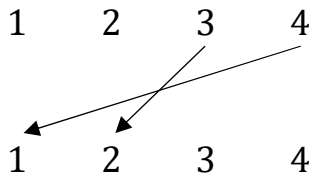
$$T(R) = (1, 4 \mid 2, 3)$$



Teilnebendiagonale Bifunktorialität

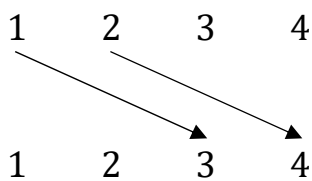
$$T(R) = (\text{red box}, \text{blue box} | \text{green box}, \text{white box})$$

$$T(R) = (3, 2 | 4, 1)$$

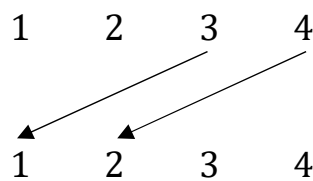


2. Wie in Toth (2025) dargestellt, gibt es allerdings insgesamt $2 \text{ mal } 2^3 = 16$ bifunktorielle trajektische Relationen, von denen die meisten haupt- und nebendiagonal gemischt, d.h. heterogen sind. Man achte auf die intersektiven Typen, d.h. die chiasmatischen Relationen unter ihnen.

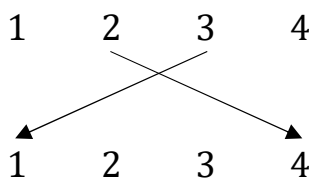
$$(1.3 | 2.4)$$



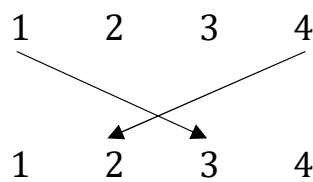
$$(4.2 | 3.1)$$



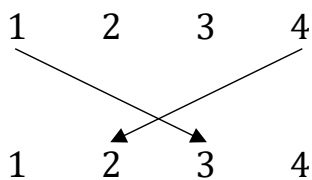
$$(3.1 | 2.4)$$



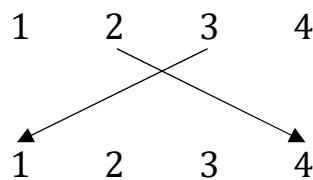
$$(4.2 | 1.3)$$



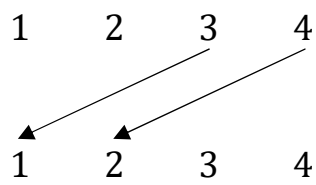
$$(1.3 | 4.2)$$



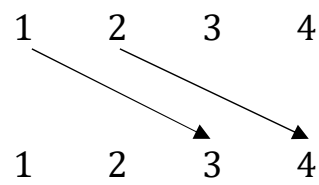
$$(2.4 | 3.1)$$



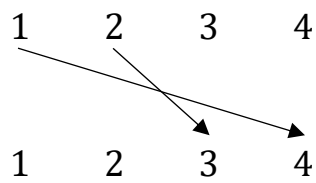
(3.1 | 4.2)



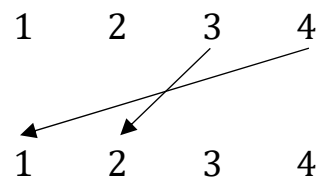
(2.4 | 1.3)



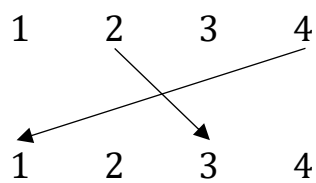
(1.4 | 2.3)



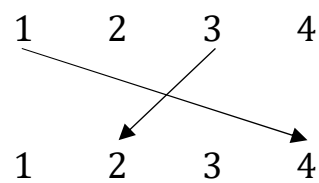
(3.2 | 4.1)



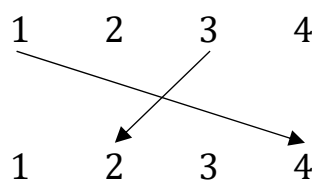
(4.1 | 2.3)



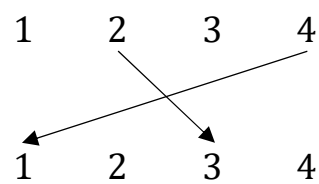
(3.2 | 1.4)



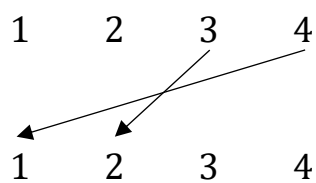
(1.4 | 3.2)



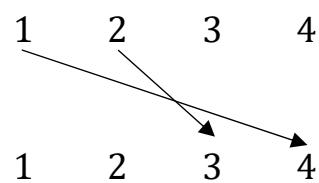
(2.3 | 4.1)



(4.1 | 3.2)



(2.3 | 1.4)



Literatur

Toth, Alfred, Typologie bifunktorieller ternärer Relationen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025

19.12.2025